

**TEMA A**  
**Primer Parcial**

1. Los vectores  $\vec{a}$  y  $\vec{a} - \vec{b}$  son perpendiculares. Calcular el  $|\vec{a}|$  sabiendo que el  $|\vec{b}| = 8$  y que el ángulo que forman  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  es de  $60^\circ$ .

$$\vec{a} \cdot (\vec{a} - \vec{b}) = 0 \rightarrow \vec{a} \cdot \vec{a} - \vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \rightarrow \vec{a} \cdot \vec{a} = \vec{a} \cdot \vec{b}$$

$$|\vec{a}|^2 = \vec{a} \cdot \vec{b} \rightarrow |\vec{a}|^2 = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \alpha \rightarrow |\vec{b}| \cdot \cos \alpha = 8 \cdot \cos 60^\circ = 8 \cdot \frac{1}{2} = 4 \rightarrow \boxed{|\vec{a}| = 4}$$

2. Sea la superficie de ecuación  $x^2 + 2x + y^2 - z^2 + 10 - A = 0$ , se pide determinar el o los valores del parámetro  $A$  para que represente:

- a) Un hiperboloide de una hoja
- b) Un hiperboloide de dos hojas
- c) Una superficie cónica

$$x^2 + 2x + y^2 - z^2 + 10 - A = 0$$

$$(x^2 + 2x + 1 - 1) + y^2 - z^2 + 10 - A = 0$$

$$(x + 1)^2 - 1 + y^2 - z^2 + 10 - A = 0 \rightarrow$$

$$(x + 1)^2 + y^2 - z^2 + 9 - A = 0$$

$$\boxed{(x + 1)^2 + y^2 - z^2 = A - 9}$$

a) Si  $A - 9 > 0 \rightarrow A > 9 \rightarrow$  *Hiperboloide de una hoja*

b) Si  $A - 9 < 0 \rightarrow A < 9 \rightarrow$  *Hiperboloide de dos hojas*

c) Si  $A - 9 = 0 \rightarrow A = 9 \rightarrow$  *Superficie cónica circular*

3. Sea el plano de ecuación  $\pi : 3x - 2y + kz - 1 = 0$  y la recta que pasa por los puntos  $A = (-1; 2; 5)$  y

$B = (2; -1; 3)$ , se pide:

- a) Hallar el o los valores de  $k$  para que la recta y el plano sean paralelos.
- b) Expresar la recta en forma paramétrica y, de ser posible, en forma simétrica.

a)  $\pi : 3x - 2y + kz - 1 = 0$

$$A = (-1; 2; 5) \quad B = (2; -1; 3) \rightarrow \boxed{\vec{AB} = (3; -3; -2)}$$

$$\pi \parallel r \Leftrightarrow \vec{n}_\pi \perp \vec{AB}$$

$$(3; -2; k) \cdot (3; -3; -2) = 0 \rightarrow 9 + 6 - 2k = 0 \rightarrow 15 - 2k = 0 \rightarrow \boxed{k = \frac{15}{2}}$$

b) Paramétrica  $r_1 : \begin{cases} x = -1 + 3\lambda \\ y = 2 - 3\lambda \\ z = 5 - 2\lambda \end{cases}$  o  $r_2 : \begin{cases} x = 2 + 3\lambda \\ y = -1 - 3\lambda \\ z = 3 - 2\lambda \end{cases}$  con  $-\infty < \lambda < +\infty$

Simétrica  $r_1 : \frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z-5}{-2}$  o  $r_2 : \frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{-3} = \frac{z-3}{-2}$

Tema A

4. Sean las rectas de ecuaciones  $r_1 : (x; y) = (3; 2) + \lambda(-1; 2)$  y  $r_2 : \frac{x-1}{t} = \frac{y+4}{4}$ , se pide:

a) Determinar el valor de  $t$  para que las rectas sean:

- i) Paralelas
- ii) Perpendiculares

b) Para  $t = 2$  se pide determinar, si existe, el punto de corte de ambas rectas. Graficar

a)  $r_1 : (x; y) = (3; 2) + \lambda(-1; 2)$  y  $r_2 : \frac{x-1}{t} = \frac{y+4}{4}$

i)  $r_1 \parallel r_2 \Leftrightarrow \vec{v}_2 = k\vec{v}_1$

$\vec{v}_1 = (-1; 2)$

$\vec{v}_2 = (t; 4) \rightarrow (t; 4) = k \cdot (-1; 2) = (-k; 2k) \rightarrow t = -k \wedge 4 = 2k \therefore k = 2$

si  $k = 2$  entonces como  $t = -k = -2 \therefore \boxed{t = -2}$

ii)  $r_1 \perp r_2 \Leftrightarrow \vec{v}_1 \cdot \vec{v}_2 = 0$

$\vec{v}_1 = (-1; 2)$

$\vec{v}_2 = (t; 4) \rightarrow (t; 4) \cdot (-1; 2) = 0 \rightarrow -t + 8 = 0 \rightarrow \boxed{t = 8}$

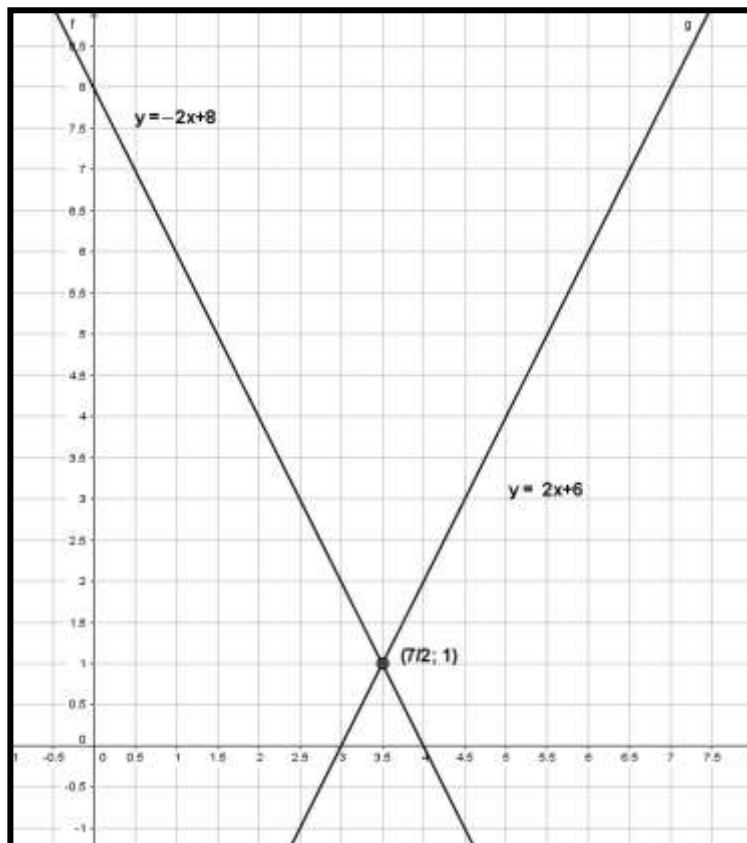
b) Si  $t = 2$

$r_1 : (x; y) = (3; 2) + \lambda(-1; 2)$  y  $r_2 : \frac{x-1}{2} = \frac{y+4}{4}$

$\boxed{r_1 : y = -2x + 8}$

$\boxed{r_2 : y = 2x - 6}$

$-2x + 8 = 2x - 6 \rightarrow 4x = 14 \rightarrow x = \frac{7}{2} \therefore y = 2 \cdot \frac{7}{2} - 6 = 1 \rightarrow \boxed{S = \left\{ \left( \frac{7}{2}; 1 \right) \right\}}$



## TEMA A

5. Dada la ecuación general de la siguiente cónica  $y^2 - 4y - 6x - 5 = 0$

- Identificar de qué cónica se trata
- Dar sus elementos
- Graficar

a)  $y^2 - 4y - 6x - 5 = 0$

$$y^2 - 4y = 6x + 5$$

$$y^2 - 4y + 4 - 4 = 6x + 5$$

$$(y - 2)^2 - 4 = 6x + 5$$

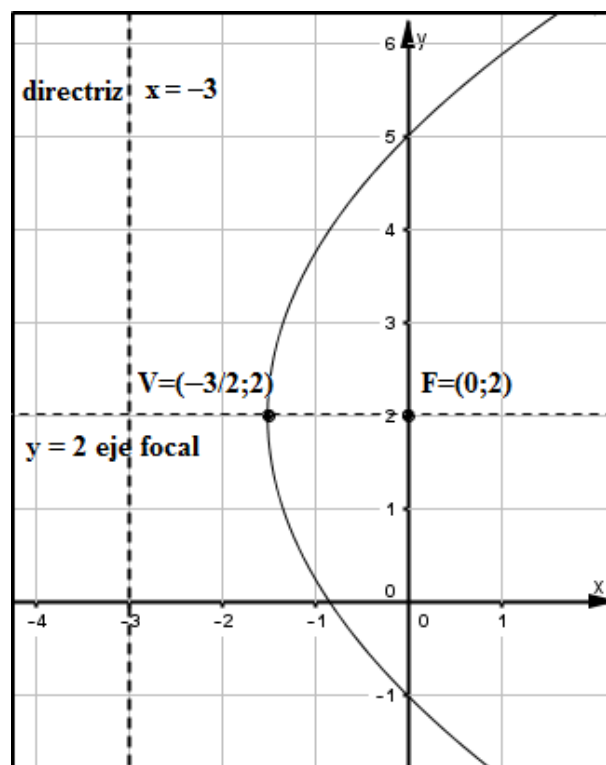
$$(y - 2)^2 = 6x + 9 \Rightarrow (y - 2)^2 = 6 \left( x + \frac{3}{2} \right) \text{ la cónica es una parábola}$$

b) Como la ecuación es:  $(y - 2)^2 = 6 \left( x + \frac{3}{2} \right)$  el vértice es:  $V = (h; k) \Rightarrow V = \left( -\frac{3}{2}; 2 \right)$

$$2p = 6 \Rightarrow p = 3 \therefore \frac{p}{2} = \frac{3}{2}$$

La directriz es:  $x = -\frac{p}{2} + h \Rightarrow x = -\frac{3}{2} - \frac{3}{2} \therefore x = -3$

El foco es:  $F = \left( \frac{p}{2}; 0 \right) + (h; k) \Rightarrow F = \left( \frac{3}{2}; 0 \right) + \left( -\frac{3}{2}; 2 \right) \therefore F = (0; 2)$ , el eje focal es  $y = 2$



TEMA C

Primer Parcial

1. Los vectores  $\vec{a}$  y  $\vec{a} - \vec{b}$  son perpendiculares. Calcular el  $|\vec{a}|$  sabiendo que el  $|\vec{b}| = 10$  y que el ángulo que forman  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  es de  $30^\circ$ .

$$\vec{a} \cdot (\vec{a} - \vec{b}) = 0 \rightarrow \vec{a} \cdot \vec{a} - \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$$

$$|\vec{a}|^2 = \vec{a} \cdot \vec{b} \rightarrow |\vec{a}|^2 = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \alpha \rightarrow |\vec{a}| = |\vec{b}| \cdot \cos \alpha = 10 \cdot \cos 30^\circ = 10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3} \rightarrow \boxed{|\vec{a}| = 5\sqrt{3}}$$

2. Sea la superficie de ecuación  $x^2 + 2x - y^2 - z^2 + 17 - C = 0$ , se pide determinar el o los valores del parámetro  $C$  para que represente:
- Un hiperboloide de una hoja
  - Un hiperboloide de dos hojas
  - Una superficie cónica

$$x^2 + 2x - y^2 - z^2 + 17 - C = 0$$

$$(x^2 + 2x + 1 - 1) - y^2 - z^2 + 17 - C = 0$$

$$(x+1)^2 - 1 - y^2 - z^2 + 17 - C = 0$$

$$(x+1)^2 - y^2 - z^2 + 16 - C = 0$$

$$\boxed{(x+1)^2 - y^2 - z^2 = C - 16}$$

- |   |
|---|
| a) Si $C - 16 < 0 \rightarrow C < 16 \rightarrow$ <i>Hiperboloide de una hoja</i>   |
| b) Si $C - 16 > 0 \rightarrow C > 16 \rightarrow$ <i>Hiperboloide de dos hojas</i>  |
| c) Si $C - 16 = 0 \rightarrow C = 16 \rightarrow$ <i>Superficie cónica circular</i> |

3. Sea el plano de ecuación  $\gamma : 4x - 2y + kz - 1 = 0$  y la recta que pasa por los puntos  $A = (1; 2; 4)$  y

$B = (2; 1; -3)$ , se pide:

- Hallar el o los valores de  $k$  para que la recta y el plano sean paralelos.
- Expresar la recta en forma paramétrica y, de ser posible, en forma simétrica.

a)  $\gamma : 4x - 2y + kz - 1 = 0$

$$A = (1; 2; 4) \quad B = (2; 1; -3) \rightarrow \overrightarrow{AB} = (1; -1; -7)$$

$$\gamma \parallel r \Leftrightarrow \vec{n}_\gamma \perp \overrightarrow{AB}$$

$$(4; -2; k) \cdot (1; -1; -7) = 0 \rightarrow 4 + 2 - 7k = 0 \rightarrow 6 - 7k = 0 \rightarrow \boxed{k = \frac{6}{7}}$$

b) Paramétrica  $r_1 : \begin{cases} x = 1 + 1\lambda \\ y = 2 - 1\lambda \\ z = 4 - 7\lambda \end{cases}$  o  $r_2 : \begin{cases} x = 2 + 1\lambda \\ y = 1 - 1\lambda \\ z = -3 - 7\lambda \end{cases}$  con  $-\infty < \lambda < +\infty$

Simétrica  $r_1 : \frac{x-1}{1} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z-4}{-7}$  o  $r_2 : \frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z+3}{-7}$

Tema C

4. Sean las rectas de ecuaciones  $r_1 : (x; y) = (-1; 2) + \lambda(1; 3)$  y  $r_2 : \frac{x-2}{t} = \frac{y+4}{6}$ , se pide:

- a) Determinar el valor de  $t$  para que las rectas sean:
  - i) Paralelas
  - ii) Perpendiculares
- b) Para  $t = 3$  se pide determinar, si existe, el punto de corte de ambas rectas. Graficar

a)  $r_1 : (x; y) = (-1; 2) + \lambda(1; 3)$  y  $r_2 : \frac{x-2}{t} = \frac{y+4}{6}$

i)  $r_1 \parallel r_2 \Leftrightarrow \vec{v}_2 = k\vec{v}_1$

$\vec{v}_1 = (1; 3)$        $\vec{v}_2 = (t; 6) \rightarrow (t; 6) = k \cdot (1; 3) = (k; 3k) \rightarrow t = k \wedge 6 = 3k \therefore k = 2$

si  $k = 2$  entonces como  $t = k = 2 \therefore \boxed{t = 2}$

ii)  $r_1 \perp r_2 \Leftrightarrow \vec{v}_1 \cdot \vec{v}_2 = 0$

$\vec{v}_1 = (1; 3)$        $\vec{v}_2 = (t; 6) \rightarrow (t; 6) \cdot (1; 3) = 0 \rightarrow t + 18 = 0 \rightarrow \boxed{t = -18}$

b) Si  $t = 3$

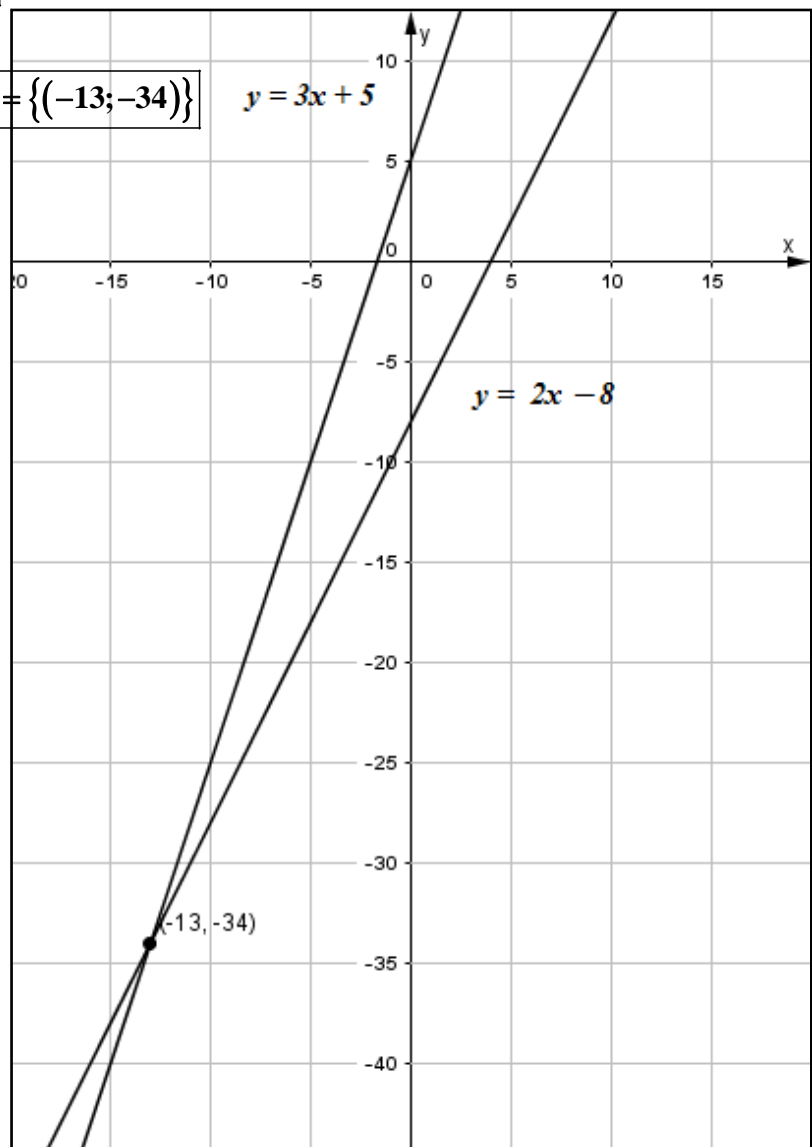
$r_1 : (x; y) = (-1; 2) + \lambda(1; 3)$  y  $r_2 : \frac{x-2}{3} = \frac{y+4}{6}$

$\boxed{r_1 : y = 3x + 5}$

$\boxed{r_2 : y = 2x - 8}$

$3x + 5 = 2x - 8 \rightarrow$

$x = -13 \therefore y = 2 \cdot (-13) - 8 = -22 \rightarrow \boxed{S = \{(-13; -34)\}}$



### Tema C

5. Dada la siguiente ecuación general  $x^2 - 4x - 6y - 5 = 0$

- a) Identificar de qué cónica se trata
- b) Dar sus elementos
- c) Graficar

a)  $x^2 - 4x - 6y - 5 = 0$

$$x^2 - 4x = 6y + 5$$

$$x^2 - 4x + 4 - 4 = 6y + 5$$

$$(x - 2)^2 - 4 = 6y + 5$$

$$(x - 2)^2 = 6y + 9 \Rightarrow (x - 2)^2 = 6\left(y + \frac{3}{2}\right) \text{ la cónica es una parábola}$$

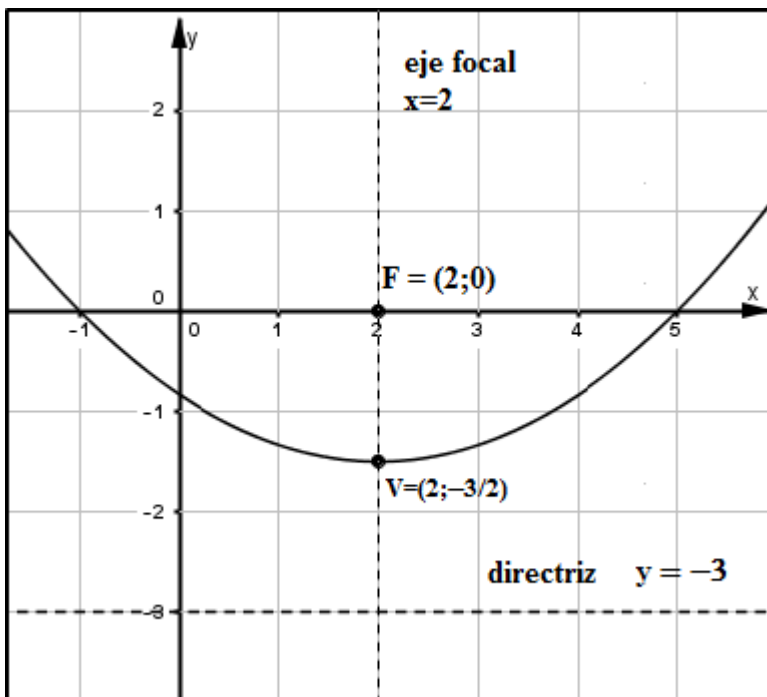
b) Como la ecuación es:  $(x - 2)^2 = 6\left(y + \frac{3}{2}\right)$  el vértice es:  $V = (h;k) \Rightarrow V = \left(2; -\frac{3}{2}\right)$

$$2p = 6 \Rightarrow p = 3 \therefore \frac{p}{2} = \frac{3}{2}$$

La directriz es:  $y = -\frac{p}{2} + k \Rightarrow y = -\frac{3}{2} - \frac{3}{2} \therefore y = -3$

El foco es:  $F = \left(0; \frac{p}{2}\right) + (h;k) \Rightarrow F = \left(0; \frac{3}{2}\right) + \left(2; -\frac{3}{2}\right) \therefore F = (2;0)$ , el eje focal es  $x = 2$

c)



**TEMA B**

**Primer Parcial**

1. Los vectores  $\vec{a}$  y  $\vec{a} + \vec{b}$  son perpendiculares. Calcular el  $|\vec{a}|$  sabiendo que el  $|\vec{b}| = 6$  y que el ángulo que forman  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  es de  $120^\circ$ .

$$\vec{a} \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = 0$$

$$\vec{a} \cdot \vec{a} + \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$$

$$|\vec{a}|^2 = -\vec{a} \cdot \vec{b} \rightarrow |\vec{a}|^2 = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \alpha \rightarrow |\vec{a}| = -|\vec{b}| \cdot \cos \alpha = -6 \cdot \cos 120^\circ = -6 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) = 3$$

2. Sea la superficie de ecuación  $x^2 + y^2 + 2y - z^2 + 5 - B = 0$ , se pide determinar el o los valores del parámetro  $B$  para que represente:

- a) Un hiperboloide de una hoja
- b) Un hiperboloide de dos hojas
- c) Una superficie cónica

$$x^2 + y^2 + 2y - z^2 + 5 - B = 0$$

$$x^2 + (y^2 + 2y + 1 - 1) - z^2 + 5 - B = 0$$

$$x^2 + (y + 1)^2 - 1 - z^2 + 5 - B = 0$$

$$x^2 + (y + 1)^2 - z^2 + 4 - B = 0$$

$$x^2 + (y + 1)^2 - z^2 = B - 4$$

- a) Si  $B - 4 > 0 \rightarrow B > 4 \rightarrow$  *Hiperboloide de una hoja*
- b) Si  $B - 4 < 0 \rightarrow B < 4 \rightarrow$  *Hiperboloide de dos hojas*
- c) Si  $B - 4 = 0 \rightarrow B = 4 \rightarrow$  *Superficie cónica circular*

3. Sea el plano de ecuación  $\alpha : -2x + ky + 3z - 1 = 0$  y la recta que pasa por los puntos  $A = (1; 2; -5)$  y

$B = (-2; 3; 1)$ , se pide:

- a) Hallar el o los valores de  $k$  para que la recta y el plano sean paralelos.
- b) Expresar la recta en forma paramétrica y, de ser posible, en forma simétrica.

a)  $\alpha : -2x + ky + 3z - 1 = 0$

$$A = (1; 2; -5) \quad B = (-2; 3; 1) \rightarrow \overline{AB} = (-3; 1; 6)$$

$$\alpha \parallel r \Leftrightarrow \vec{n}_\alpha \perp \overline{AB}$$

$$(-2; k; 3) \cdot (-3; 1; 6) = 0 \rightarrow 6 + k + 18 = 0 \rightarrow 24 + k = 0 \rightarrow k = -24$$

b) *Paramétrica*  $r_1 : \begin{cases} x = 1 - 3\lambda \\ y = 2 + 1\lambda \\ z = -5 + 6\lambda \end{cases}$  o  $r_2 : \begin{cases} x = -2 - 3\lambda \\ y = 3 + 1\lambda \\ z = 1 + 6\lambda \end{cases}$  con  $-\infty < \lambda < +\infty$

*Simétrica*  $r_1 : \frac{x-1}{-3} = \frac{y-2}{1} = \frac{z+5}{6}$  o  $r_2 : \frac{x+2}{-3} = \frac{y-3}{1} = \frac{z-1}{6}$

TEMA B

4. Sean las rectas de ecuaciones  $r_1 : (x; y) = (4; 1) + \lambda(1; -2)$  y  $r_2 : \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{t}$ , se pide:

a) Determinar el valor de  $t$  para que las rectas sean:

- i) Paralelas
- ii) Perpendiculares

b) Para  $t = 1$  se pide determinar, si existe, el punto de corte de ambas rectas. Graficar

a)  $r_1 : (x; y) = (4; 1) + \lambda(1; -2)$  y  $r_2 : \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{t}$

i)  $r_1 \parallel r_2 \Leftrightarrow \vec{v}_2 = k\vec{v}_1$

$\vec{v}_1 = (1; -2)$        $\vec{v}_2 = (2; t) \rightarrow (2; t) = k \cdot (1; -2) = (k; -2k) \rightarrow 2 = k$

$\wedge t = -2k \therefore k = 2$

si  $k = 2$  entonces como  $t = -2k = -4 \therefore \boxed{t = -4}$

ii)  $r_1 \perp r_2 \Leftrightarrow \vec{v}_1 \cdot \vec{v}_2 = 0$

$\vec{v}_1 = (1; -2)$        $\vec{v}_2 = (2; t) \rightarrow (1; -2) \cdot (2; t) = 0 \rightarrow 2 - 2t = 0 \rightarrow \boxed{t = 1}$

b) Si  $t = 1$

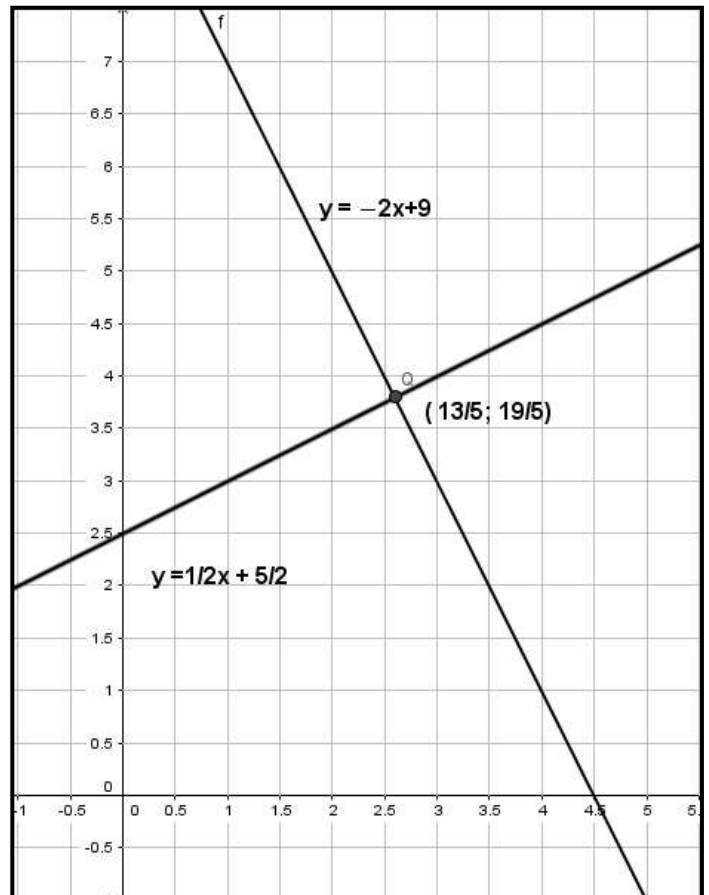
$r_1 : (x; y) = (4; 1) + \lambda(1; -2)$  y  $r_2 : \frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{1}$

$\boxed{r_1 : y = -2x + 9}$

$\boxed{r_2 : y = \frac{x}{2} + \frac{5}{2}}$

$-2x + 9 = \frac{x}{2} + \frac{5}{2} \rightarrow -\frac{5}{2}x = -\frac{13}{2} \rightarrow x = \frac{13}{5} \therefore$

$y = -2 \cdot \left(\frac{13}{5}\right) + 9 = \frac{19}{5} \rightarrow \boxed{S = \left\{ \left(\frac{13}{5}; \frac{19}{5}\right) \right\}}$





## TEMA B

5. Dada la siguiente ecuación general  $y^2 - 6y - 8x + 17 = 0$

- Identificar de qué cónica se trata
- Dar sus elementos
- Graficar

a)  $y^2 - 6y - 8x + 17 = 0$

$$y^2 - 6y = 8x - 17$$

$$y^2 - 6y + 9 - 9 = 8x - 17$$

$$(y - 3)^2 - 9 = 8x - 17$$

$$(y - 3)^2 = 8x - 8 \Rightarrow (y - 3)^2 = 8(x - 1) \text{ la cónica es una parábola}$$

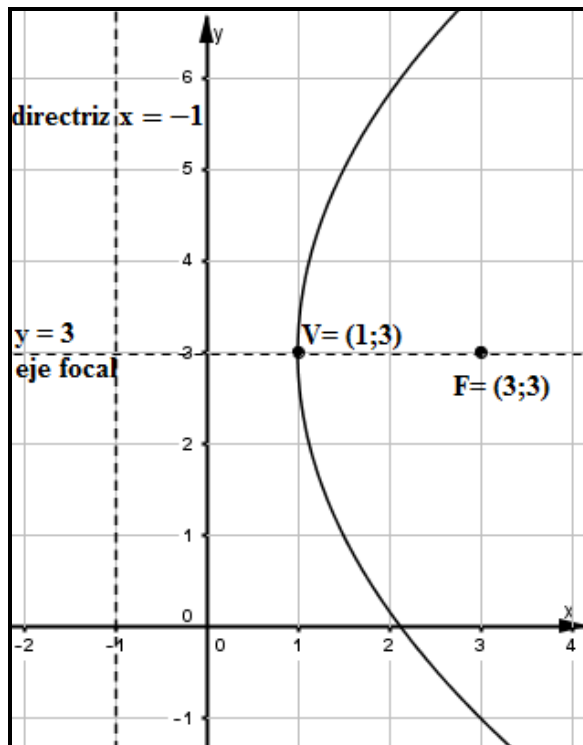
b) Como la ecuación es:  $(y - 3)^2 = 8(x - 1)$  el vértice es:  $V = (h;k) \Rightarrow V = (1;3)$

$$2p = 8 \Rightarrow p = 4 \therefore \frac{p}{2} = 2$$

$$\text{La directriz es: } x = -\frac{p}{2} + h \Rightarrow x = -2 + 1 \therefore x = -1$$

$$\text{El foco es: } F = \left(\frac{p}{2}; 0\right) + (h;k) \Rightarrow F = (2;0) + (1;3) \therefore F = (3;3), \text{ el eje focal es } y = 3$$

c)



**TEMA D**  
**Primer Parcial**

1. Los vectores  $\vec{a}$  y  $\vec{a} + \vec{b}$  son perpendiculares. Calcular el  $|\vec{a}|$  sabiendo que el  $|\vec{b}| = 2$  y que el ángulo que forman  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  es de  $150^\circ$ .

$$\vec{a} \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = 0 \rightarrow \vec{a} \cdot \vec{a} + \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$$

$$|\vec{a}|^2 = -\vec{a} \cdot \vec{b} \rightarrow |\vec{a}|^2 = -|\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \alpha \rightarrow |\vec{a}| = -|\vec{b}| \cdot \cos \alpha = -2 \cdot \cos 150^\circ = -2 \cdot \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = \sqrt{3} \rightarrow \boxed{|\vec{a}| = \sqrt{3}}$$

2. Sea la superficie de ecuación  $-x^2 - y^2 + z^2 + 4z + 13 - D = 0$ , se pide determinar el o los valores del parámetro  $D$  para que represente:

- a) Un hiperboloide de una hoja
- b) Un hiperboloide de dos hojas
- c) Una superficie cónica

$$-x^2 - y^2 + z^2 + 4z + 13 - D = 0$$

$$-x^2 - y^2 + (z^2 + 4z + 4 - 4) + 13 - D = 0$$

$$-x^2 - y^2 + (z^2 + 4z + 4) - 4 + 13 - D = 0 \rightarrow$$

$$-x^2 - y^2 + (z + 2)^2 - 4 + 13 - D = 0$$

$$-x^2 - y^2 + (z + 2)^2 + 9 - D = 0$$

$$\boxed{-x^2 - y^2 + (z + 2)^2 = D - 9}$$

- a) Si  $D - 9 < 0 \rightarrow D < 9 \rightarrow$  *Hiperboloide de una hoja*
- b) Si  $D - 9 > 0 \rightarrow D > 9 \rightarrow$  *Hiperboloide de dos hojas*
- c) Si  $D - 9 = 0 \rightarrow D = 9 \rightarrow$  *Superficie cónica circular*

3. Sea el plano de ecuación  $\beta : kx - 2y + 5z - 1 = 0$  y la recta que pasa por los puntos  $A = (2; -1; -2)$  y  $B = (1; 1; 3)$ , se pide:

- a) Hallar el o los valores de  $k$  para que la recta y el plano sean paralelos.
- b) Expresar la recta en forma paramétrica y, de ser posible, en forma simétrica.

a)  $\beta : kx - 2y + 5z - 1 = 0$

$$A = (2; -1; -2) \quad B = (1; 1; 3) \rightarrow \overrightarrow{AB} = (-1; 2; 5)$$

$$\beta \parallel r \Leftrightarrow \vec{n}_\beta \perp \overrightarrow{AB}$$

$$(k; -2; 5) \cdot (-1; 2; 5) = 0 \rightarrow -k - 4 + 25 = 0 \rightarrow 21 - k = 0 \rightarrow k = 21$$

b) *Paramétrica*  $r_1 : \begin{cases} x = 2 - 1\lambda \\ y = -1 + 2\lambda \\ z = -2 + 5\lambda \end{cases}$  o  $r_2 : \begin{cases} x = 1 - 1\lambda \\ y = 1 + 2\lambda \\ z = 3 + 5\lambda \end{cases}$  con  $-\infty < \lambda < +\infty$

*Simétrica*  $r_1 : \frac{x-2}{-1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+2}{5}$  o  $r_2 : \frac{x-1}{-1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-3}{5}$

TEMA D

4. Sean las rectas de ecuaciones  $r_1 : (x; y) = (3; -2) + \lambda(3; 1)$  y  $r_2 : \frac{x+3}{t} = \frac{y-1}{-6}$ , se pide:

- a) Determinar el valor de  $t$  para que las rectas sean:
- i) Paralelas
  - ii) Perpendiculares
- b) Para  $t = 1$  se pide determinar, si existe, el punto de corte de ambas rectas. Graficar

a)  $r_1 : (x; y) = (3; -2) + \lambda(3; 1)$  y  $r_2 : \frac{x+3}{t} = \frac{y-1}{-6}$

i)  $r_1 \parallel r_2 \Leftrightarrow \vec{v}_2 = k\vec{v}_1$

$\vec{v}_1 = (3; 1)$      $\vec{v}_2 = (t; -6) \rightarrow (t; -6) = k \cdot (3; 1) = (3k; k) \rightarrow t = 3k \wedge -6 = k \therefore \boxed{k = -6}$

si  $k = -6$  entonces como  $t = 3k = -18 \therefore \boxed{t = -18}$

ii)  $r_1 \perp r_2 \Leftrightarrow \vec{v}_1 \cdot \vec{v}_2 = 0$

$\vec{v}_1 = (3; 1)$      $\vec{v}_2 = (t; -6) \rightarrow (3; 1) \cdot (t; -6) = 0 \rightarrow 3t - 6 = 0 \rightarrow \boxed{t = 2}$

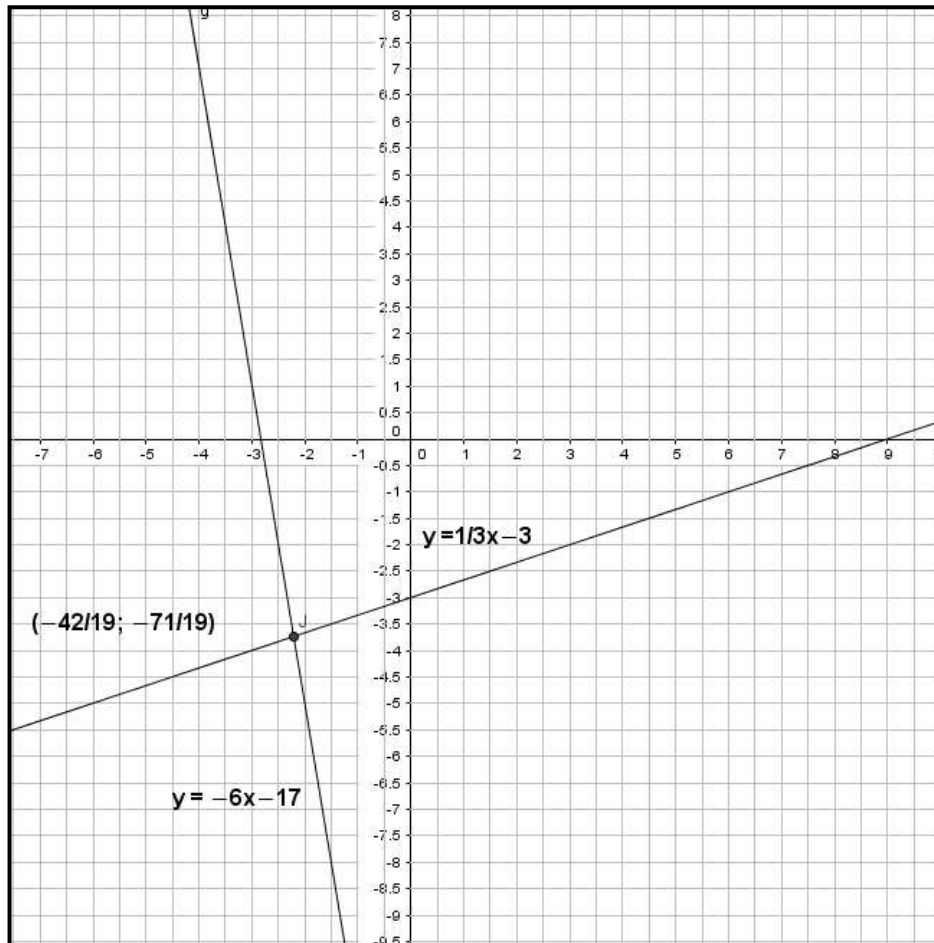
b) Si  $t = 1$

$r_1 : (x; y) = (3; -2) + \lambda(3; 1)$  y  $r_2 : \frac{x+3}{1} = \frac{y-1}{-6}$

$\boxed{r_1 : y = \frac{1}{3}x - 3}$

$\boxed{r_2 : y = -6x - 17}$

$\frac{1}{3}x - 3 = -6x - 17 \rightarrow \frac{19}{3}x = -14 \rightarrow x = -\frac{42}{19} \therefore y = -6 \cdot \left(-\frac{42}{19}\right) - 17 = -\frac{71}{19} \rightarrow S = \left\{ \left(-\frac{42}{19}; -\frac{71}{19}\right) \right\}$



## TEMA D

5. Dada la siguiente ecuación general  $x^2 - 6x - 8y + 17 = 0$

- Identificar de qué cónica se trata
- Dar sus elementos
- Graficar

a)  $x^2 - 6x - 8y + 17 = 0$

$$x^2 - 6x - 8y + 17 = 0$$

$$x^2 - 6x + 9 - 9 = 8y - 17$$

$$(x - 3)^2 - 9 = 8y - 17$$

$$(x - 3)^2 = 8y - 8 \Rightarrow (x - 3)^2 = 8(y - 1) \text{ la cónica es una parábola}$$

b) Como la ecuación es:  $(x - 3)^2 = 8(y - 1)$  el vértice es:  $V = (h; k) \Rightarrow V = (3; 1)$

$$2p = 8 \Rightarrow p = 4 \therefore \frac{p}{2} = 2$$

La directriz es:  $y = -\frac{p}{2} + k \Rightarrow y = -2 + 1 \therefore y = -1$

El foco es:  $F = \left(0; \frac{p}{2}\right) + (h; k) \Rightarrow F = (0; 2) + (3; 1) \therefore F = (3; 3)$ , el eje focal es  $x = 3$

c)

